



Philosophical Transactions

Please note: Due to an error in the print volume, the page numbering in this article may contain either page numbering skips, or page numbering repetitions, or both. However, the article content is presented in its entirety and in correct reading order.

Please click on "Next Page" (at the top of the screen) to begin viewing the article.

whereof we are obliged to the Author of the *Journal des Scavans*) undertakes to prove, that the *Transfusion* is yet of greater Antiquity, as having been known to *Libavius* above 50. years since. For which, that *Roman* Author alledgeth a place out of the said *Libavius* (in *Defensione Syntagmatis Arcanorum Chymicorum contra Henningum Schneumannum, actione 2. pag. 8. Edit. Francos. A. 1615.*) where the *Transfusion* is so plainly described, that one can hardly discourse of it with more cleerness, than there is done, in these words: *Adsit* (saith *Libavius l. c.*) *Juvenis robustus, sanus, sanguine spirituosus plenus: Adstet exhaustus viribus, tenuis, macilentus, vix animam trahens. Magister artis habeat tubulos argenteos inter se congruentes, aperiat arteriam robusti, & tubulum inserat munitaque; mox & egroti arteriam findat, & tubulum femineum infigat. Jam duos tubulos sibi mutuo applicet, & ex sano sanguis arterialis, calens & spirituosus saliet in egrotum, unaque vita fontem afferet omnemque languorem pellet.* This indeed is clear enough, and obliges us to averre a greater antiquity of this operation, than before we were aware of; though 'tis true, *Libavius* did not propose it but only to mock at it (which is the common fate of new Inventions, in their Cradle;) besides that he contrives it with great danger, both to the *Recipient* and *Emittent*, by proposing to open *Arteries* in both; which indeed may be practised upon *Brutes*, but ought by no means upon *Man*.

Mr. Gregories Answer

To the *Animadversions* of Mr. *Hugenius* upon his Book, *De vera Circuli & Hyperbolæ Quadratura*; as they were publish'd in the *Journal des Scavans* of July 2. 1668.

THIS Answer we shall give the *Reader* in the same Language and Words, in which the Author of it desired, it might be inserted in this Tract, viz.

AD ea qua dicit D. *Hugenius* contra meam Circ. & Hyperb. Quadraturam, ingenue fateor (cum illa scriberem) me non animadvertisse exemplum in prop. 10. non esse seriem convergentem; experientiam enim feci solummodo de primis & secundis terminis, non considerando tertios cum primis coincidere; nam ratiociniis insishebam, de exemplis parum sollicitus: Ut autem appareat in hoc nihil contineri contra nostram Doctrinam, agendum hoc loco 10. prop. totidem verbis, sed cum legitimo exemplo, repetamus,

Prop.

Prop. 10. Problemā.

Ex data quantitate eodem modo composita a duobus terminis convergentibus cujuscunque seriei convergentis, quo componitur ex terminis convergentibus immediate sequentibus; seriei propositæ terminationem invenire.

SIt series convergens, cujus duo termini convergentes quicunque sint a, b , & termini convergentes immediate sequentes $\frac{ab}{a+b}, \frac{a^2b}{2}$; termini priores inter se multiplicati efficiunt ab , item sequentes inter se multiplicati efficiunt eandem ab ; ex his invenienda sit propositæ seriei terminatio. Manifestum est, quantitatem ab eodem modo fieri a terminis convergentibus a, b , quo a terminis convergentibus immediate sequentibus $\frac{ab}{a+b}, \frac{a^2b}{2}$; & quoniam quantitates a, b , indefinite ponuntur pro quibuscunque totius seriei terminis convergentibus, evidens est, duos quoscunque terminos convergentes propositæ seriei inter se multiplicatos idem efficere productum, quod faciunt termini immediate sequentes etiam inter se multiplicati; cumque duo termini convergentes duos terminos convergentes semper immediate sequantur, manifestum est, duos quoscunque terminos convergentes inter se multiplicatos idem semper efficere productum, nempe ab ; atque ultimi termini convergentes sunt æquales, & proinde sit ultimus ille terminus, seu seriei terminatio z , que in seipsum multiplicata facit $z^2 = ab$; est igitur z , seu seriei terminatio r^2ab , quam invenire oportuit: & proinde ad inveniendam cujuscunque seriei convergentis terminationem opus est solummodo invenire quantitatem eodem modo compositam ex terminis convergentibus primis, quo componitur eadem quantitas ex terminis convergentibus secundis.

Consectarium.

Quoniam non refert in Problemate, five termini convergentes a, b , sint primi, secundi vel tertii, &c. manifestum est, omnis seriei convergentis terminationem eodem modo esse compositam ex terminis convergentibus primis, quo ex secundis, tertiis, &c.

SI quis aliud exemplum desideret, sint primi termini a, b , secundi r^2a^2b , r^2ab , quantitas eodem modo composita &c. est a^2b & seriei terminatio $r^2a^2b^2$: videat Hugenius, duo exempla legitima hic adducta inquisitionem septimæ non admittere; ope tamen prop. decimæ (supposita tertia illa quantitate) facile resolvuntur, neque ullo modo consectarium respiciunt, quod solummodo esse momenti satis sit indicasse; plura autem exempla desideranti millena afferam.

AD primam Hugenii objectionem quod spectat, miror eum non considerasse præcedens consectarium, ubi illa, que desiderat, evidenter deduco ex prop. 10.

M m m m

At

At agnoscit hoc verum esse in illis seriebus, quæ ope nostræ methodi turmantur: velim certe ut assignet mihi Nobiliss. vir seriem aliquam convergentem cum sua terminatione, quæ consecrarium nostrum respuat; vel si eam assignare non possit, solidam dubitandi rationem tantum desidero. Ut autem funditus evertatur hæc obiectio, sequentem exhibeo demonstrationem Geometricam.

Sit A. polygonum regulare sectori inscriptum, B. eidem simile circumscriptum; continuetur series convergens polygonorum &c. ut sit ejus terminatio seu circuli sector Z: sit X eodem modo composita à terminis C, D, quo Z à terminis A, B; dico Z & X esse indefinite æquales; si non sint indefinite æquales, sit inter illas indefinita differentia a, & continuetur series convergens in terminos convergentes I, K, ita ut eorum differentia sit minor quam a; hæc enim absque dubio concipi potest, etiamsi hic omnes quantitates sint indefinitæ, quoniam definitis quantitatibus A, B, definitur etiam a, sed adhuc restat K-I quantitas indeterminata in infinitum decrescens. Manifestum est, sectorem Z esse indefinite minorem quam K, & majorem quam I: item quoniam Z. eodem modo componitur ex quantitatibus A, B, quo X. e quantitatibus C, D, & Z indefinite minor est quam K & major quam I, patet ex proprietatibus serierum convergentium, X etiam esse indefinite majorem quam I, & minorem quam K (est enim revera indefinite major quam L & minor quam M) & proinde sunt quatuor quantitates indefinitæ, quarum maxima & minima sunt I, K, intermedia autem Z & X, & ideo differentia extremarum K-I major est quam a differentia mediarum, quod est absurdum, ponitur enim minor; quantitates ergo Z & X non sunt indefinite inæquales, & ideo sunt indefinite æquales, quod demonstrandum erat. Manifestum est hanc demonstrationem eodem modo applicabilem esse omni seriei convergenti.

In objectionibus 2, 3 & 4, contra suas ipsius imaginationes argumentatur Hugenus: Ego enim satis dilucide affirmo in scholio prop. 5, et in fine prop. 9. septimam & nonam propositionem esse particularem, unamquamque suo casui; item in prop. decima (quam ergo pro generali substituo) evidenter suppono, & non quero, illam quantitatem eodem modo compositam ex primis, quo ex secundis terminis convergentibus; satis enim scio, talem methodum generalem esse impossibilem. Sed omnium maxime admiror, Clarissimum virum non animadvertisse in 8 definitione, Quantitates C, D, E, compositionem ingredientes, semper esse easdem, nempe definitas & invariabiles, ipsos autem terminos A, B, esse indefinitos & variabiles, nimirum in F, G, & infinitos alios: at quis est qui non videt, Hugonii $\frac{b^m}{a^2+ba}$ non minus esse indefinitam, quam sunt ipsi ter-

mini? Deinde in Proœmio nostræ Geometriæ partis universalis, sic dico. Alii obijciunt contra prop. 2, ita; si addatur a^3 termino a^2+a^2b & termino ba^2+b^2a , enervetur vis utriusque demonstrationis. Respondeo, a^3 esse quantitatem indefinitam, & alias quantitates indefinitas præter ipsos terminos convergentes compo-

compositionem non posse ingredi, quod analytici latere non potest: Eodem modo respondeo Hugenio, ^{bbm}_{a²+ab} esse quantitatem indefinitam & ideo compo-

sitionem non posse ingredi. Si autem mihi objiciat, in septima me credidisse, ^{mae-mbe}_{ad-bd} fuisse quantitatem indefinitam; Respondeo, etiam si divisio per $a-b$ a me satis inconsiderate neglecta sit, aperte tamen constat, me hoc cognovisse, ex diversitate methodorum, quibus uter in septima & decima, quippe ista particulari, in qua quantitatem illam quero, & hac generali, in qua illam suppono; nulla enim alia ratio hujus diversitatis excogitari potest, quod etiam ex ipsis septima & decima est manifestum, cum appellem semper terminos convergentes quantitates indefinitas, hoc ipso satis significans, nullas alias quantitates indefinitas calculo inesse.

Semper credidi in rebus scientificis verba ita candide esse explicanda (si modo possibile sit) ut discursus nullum includat absurdum; at Hugenius satis percipit, discursum nihil continere absurdi, modo nulla quantitas indefinita præter ipsos terminos compositionem ingrediatur; judicat tamen absque omni ratione, me contrarium existimasse; libenter enim optarem Hugenum assignasse locum, ubi assero, illam inquisitionem 7^{mæ} esse universalem. Dico igitur & declaro me intelligere, nullam quantitatem indefinitam præter ipsos terminos convergentes compositionem posse ingredi. Atque ita corruunt tres ultimæ Hugonii sive diversa objectiones, sive ejusdem portiones; nescio enim, quare in tot partes divi-

datur. Præcedentibus perceptis, evidentissimum est, Circuli, Ellipseos vel Hyperbolæ Sæctorem esse terminationem seriei convergentis, cujus primi termini $a^2 + a^2b$, $ab^2 + b^2$, & secundi $ba^2 + b^2a$, & proinde Sæctorem eodem modo componi ex primis terminis quo ex secundis; atque evidens est, nullam dari quantitatem eodem modo analyticè compositam ex primis terminis quo ex secundis, quoniam primos eodem modo analyticè tractando quo secundos, semper restat altior potestas ipsius a in primorum producto, quam in producto secundorum; de hoc (si non credatur) fiat experientia, & constabit non solum assertionis veritas, sed etiam ejusdem demonstratio; quando autem altior est ejusdem potestas in una quantitate quam in altera, nulla datur indefinita æquatio, de qua hic tantum loquimur, hoc est, ut (positis a, b , ad libitum) æqualitas semper ritè procedat. Atque hæc est summa non solum propriæ 11^{mæ} sed etiam totius nostræ Circ. & Hyp. Quadraturæ, ab Hugenio adhuc intactæ. Gratias tamen ago nobilissimo viro, quod meas qualescunque lucubrationes examinare dignatus est, hinc enim mihi data est occasio illas fusius explicandi & confirmandi. Num Hugeniæ methodus circulum mensurandi mea sit præcisior, experientia relinquo judicandum; quod autem nostræ, Hyperbolam quadrandi, illi etiam innotuerat, de hoc nihil habeo quod dicam, nisi quod mihi gratuletur, inventa mea ipso Hugenio non æstimari indigna.

Sch. §:

Con. 10.